الضرب المتكرر

القوى الصحيحة غير السالبة

ن من المرات
$$\times \times \times \times \times = (1)$$

$$\lambda 1 = \mathbf{T} \times \mathbf{T} \times \mathbf{T} \times \mathbf{T} = \mathbf{T}$$

$$(7) (-4)^{0} = \begin{cases} 0 & \text{if } 0 \\ 0 & \text{if } 0 \end{cases}$$

$$(7) (-4)^{0} = \begin{cases} -4 & \text{if } 0 \\ -4 & \text{if } 0 \end{cases}$$

$$\nabla V = \nabla V =$$

$$(\mathfrak{z})^{+} \times \mathfrak{f}^{\dot{\circ}} = \mathfrak{f}^{\dot{\circ}} \times \mathfrak{f}^{\dot{\circ}}$$

$$\gamma^{\vee} \times \gamma^{\sharp} = \gamma^{\vee}$$

$$7^{\vee} \div 7^{\vee} = 7^{\circ}$$

$$(7) (4^{\circ})^{\circ} = 4^{\circ} \times \circ$$

$$\frac{r_{\beta}}{r_{\zeta}} = r(\frac{\beta}{\zeta}) (\lambda)$$

أوجد ناتج ما يأتى

$$\frac{9}{17} = {}^{7} \left(\frac{\pi}{4}\right) \left(\frac{1}{4}\right)$$

$$\frac{1}{7} = \frac{7}{6} \left(\frac{5}{2}\right) = \frac{7}{6} \left(\frac{5}{2}\right)$$

$$\frac{\dot{\Lambda} -}{\Upsilon V} = {\Upsilon \left(\frac{\Upsilon -}{\Upsilon}\right)}(\Upsilon)$$

$$\frac{\xi q}{q} = {}^{\Upsilon} \left(\frac{\forall -}{r} \right) = {}^{\Upsilon} \left({}^{\Upsilon} \frac{1 -}{r} \right) (\xi)$$

$$(7\frac{1}{4}) \times (7\frac{1}{4})$$

$$\Upsilon = \frac{7 \cdot \xi}{9} \times \frac{\wedge 1}{17} = {}^{\Upsilon} \left(\frac{\wedge -}{\Upsilon}\right) \times {}^{\Upsilon} \left(\frac{9}{\xi}\right) =$$

$$\frac{7}{4} \cdot \frac{7}{4} \cdot \frac{7}{4} \cdot \frac{7}{4} \cdot \frac{7}{4} \cdot \frac{7}{4} = \frac{7}{4} \cdot \frac{7}{4} \cdot \frac{7}{4} \cdot \frac{7}{4} = \frac{7}{4} \cdot \frac{$$

أوجد قيمة
$$m^{2} + m^{2}$$

$$\gamma \left(\frac{m}{2}\right) + \gamma \left(\frac{1}{2}\right) + \frac{1}{2}$$

$$\frac{n}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{n}{2} + \frac{1}{2} = \frac{n}{2}$$

$$\frac{r r}{r \cdot r} = {}^{\Delta} \left(\frac{r}{r} \right) = {}^{r} \left(\frac{r}{r} \right) \times {}^{r} \left(\frac{r}{r} \right) \left(\Lambda \right)$$

$$\frac{q}{r \circ} = {}^{r} \left(\frac{r}{\circ}\right) = {}^{a} \left(\frac{r}{\circ}\right) \div {}^{v} \left(\frac{r}{\circ}\right) (1.)$$

$$(11) \left(\frac{-7}{6} \right)^{\frac{1}{2}} = \frac{-7}{6} \right)^{\frac{1}{2}} = 1$$

$$(\gamma \ell) \left(\left(\frac{7}{2} \right)^7 \right) = \left(\frac{7}{2} \right)^3 = \frac{1 \lambda}{107}$$

$$\frac{\xi-}{q} = {}^{r}\left(\frac{\gamma}{r}\right) - = {}^{r}\left(\frac{\gamma}{r}\right) \div {}^{\Delta}\left(\frac{\gamma-}{r}\right)(\gamma r)$$

القوى الصحيحة السالبة

$$\frac{1}{\sqrt{b}} = \sqrt{-b} (1)$$

$$\left(\begin{array}{c} \frac{\zeta}{\zeta} \end{array} \right) = \left(\begin{array}{c} \frac{\zeta}{\zeta} \end{array} \right) \left(\begin{array}{c} \zeta \end{array} \right)$$

أوجد ناتج ما يأتى

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{2} (\zeta) (\zeta)$$

$$\frac{1}{\Lambda 1} = \frac{1}{\xi w} = \frac{\xi}{(7)} (7)$$

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{17} = \frac{1}{5} = 5 = 5 = 5$$

$$(r)\left(\frac{7}{7}\right)^{-7} = \left(\frac{7}{7}\right)^{7} = \frac{\rho}{\frac{3}{2}}$$

$$\gamma = {}^{\sharp} \times {}^{\sharp} = \gamma$$

$$\frac{\gamma \circ}{\wedge} = \frac{\gamma \circ}{\gamma \gamma} = \frac{\gamma - \gamma}{\gamma - \gamma} (\wedge)$$

$$\frac{1}{V} = \frac{1}{V} = \frac{V}{V} = \frac{V}$$

$$\frac{17}{9} = \frac{7}{2} \left(\frac{\xi}{\gamma}\right) = \frac{7}{2} - \left(\frac{\gamma}{\xi}\right) \left(\frac{1}{2}\right) \left(\frac{1}{2}\right)$$

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}$$

$\left(\begin{array}{c} (-7)^{\circ} \times 7^{3} \\ (-7)^{7} \times 7^{7} \end{array} \right) = \frac{-(7)^{\circ} \times 7^{3}}{-(7)^{7} \times 7^{7}} =$ $= \frac{\gamma'}{2} = \gamma^{\beta-\delta} = \gamma^{\beta} = \Gamma I$

$$= (\gamma^{\prime} \times \gamma^{\prime})^{-1} = (\gamma^{\prime} \times \gamma^{\prime})^{-$$

$$\frac{V}{\omega} = \frac{V}{\omega} = \frac{V}{\omega}$$
 حیث س \neq صفر

$$\frac{\mathsf{Y}_{\mathsf{CM}}}{\mathsf{W}} = \frac{\mathsf{Y}_{\mathsf{CM}}}{\mathsf{W}} = \frac{\mathsf{Y}_{\mathsf{CM}}}{\mathsf{W}} + \mathsf{W}_{\mathsf{CM}} + \mathsf{W}_{\mathsf{CM}}$$

<u> تمارين (١)</u>

سي أكمل ما يأتى:

$$\cdots = \left(\frac{1}{6}\right) (1)$$

$$\cdots = {}^{\mathfrak{t}}(1,\frac{1}{7}) \quad (7)$$

$$\cdots = (\cdot . \circ) \quad (")$$

$$\cdots = (\cdot, \dot{\circ}) \quad (\xi)$$

$$(7) (|-\gamma|)^{\frac{1}{2}} = \cdots$$

$$(7) (7)^{\frac{1}{2}} \times \frac{1}{2} = \cdots$$

$$\cdots = \frac{4}{5} \times \left(\frac{7}{8}\right) \quad (7)$$

$$\cdots = {\stackrel{\iota}{\circ}} {\stackrel{\circ}{\circ}} {\stackrel{\circ}{\circ}}$$

$$(\Lambda) \ (-\frac{7}{6})^7 \times (-\frac{6}{7})^7 \times (\frac{1}{6})^7 \times (\frac{1}{6})^{0.6}$$

$$(P) \left(\frac{1}{7}\right)^7 \times \left(-\frac{1}{7}\right)^9 \div \left(-\frac{1}{7}\right)^2 = \cdots$$

$$(\cdot \cdot \cdot \cdot) = 7 \frac{1}{5} (\cdot \cdot)$$

$$(\cdots) = \frac{\pi}{4}(11)$$

$$(7) \left(\left(\frac{7}{7} \right) \right)^{\frac{1}{2}} = \cdots$$

$$\cdots = \binom{r}{r} \binom{r}{r} \binom{r}{r} - \binom{r}{r} \binom{r}{r}$$

$$\cdots = {}^{r} \left(\frac{{}^{r} {}^{s} {}^{s}}{{}^{s}} \right) \quad (s)$$

$$\cdots = \frac{r-(\frac{1}{2})}{2}$$

$$\cdots = \frac{\sqrt{\gamma}}{\gamma} - (\sqrt{\gamma} -) (\sqrt{\gamma})$$

$$\cdots = \frac{1}{2} \left(\frac{\pi}{2} \right) (14)$$

$$\dots \times \widehat{\mathbb{W}} \times \widehat{\mathbb{W} \times \mathbb{W} \times \mathbb{W}$$

$$(9)$$
 (ص $^{\circ}$ × ص $^{-1}$) (عن

$$\cdots = {}^{r}({}^{r} - {}^{r}) \div {}^{r} - {}^{r}) (r)$$

$$(77)$$
 إذا كان: $q^{-} = \frac{7}{7}$ فإن: $q = \cdots$

سي اختصر الأبسط صورة

$$(1) (1-\frac{7}{7})$$

$$(7) \times (\frac{1}{7}) \times (\frac{1}{7}) \times (\frac{1}{7})$$

$$\left(\begin{array}{cc} 1 & \frac{\pi}{4} & \frac{\pi}{4} \end{array}\right) \times \left[\begin{array}{cc} 1 & \frac{\pi}{4} & \frac{\pi}{4} \end{array}\right] + \left(\begin{array}{cc} \frac{\pi}{4} & \frac{\pi}{4} \end{array}\right) \left[\begin{array}{cc} \frac{\pi}{4} & \frac{\pi}{4} \end{array}\right]$$

$$\frac{\xi}{\circ} \times (\frac{\xi}{\circ}) \div (\frac{\xi}{\circ}) (\circ)$$

$$(7) \frac{7^7 \times 7}{7^7 \times 7^3}$$

$$(^{\vee}) \quad \frac{^{\gamma^2} \times ^{\gamma^2}}{^{\omega'}}$$

$$(\lambda) \frac{(-7)^7 \times 7^3}{(-7)^7 \times 7^7}$$

$$(\cdot) \left(\frac{\xi^{-\frac{\eta}{2}} \times \eta}{1 + \frac{1}{2}} \right)^{-\gamma}$$

الامتياز

الصورة القياسية للعدد النسبى

الصورة القياسية للعدد النسبى

وهذه الصورة هي م × ، ١^ن

حيث ۱ ﴿ | ۱ ، ن ∈ ص

أكتب كل من الأعداد الآتية في الصورة القياسية

يجب أن تتحرك العلامة العشرية . ١ خانات لليسار لذا نضرب× . ١ أ

$$(7) \cdots \cdots 7 \lor = 7 \lor \lor \cdot \lor \cdot \lor$$

$$^{\wedge}$$
1. \times 7. $^{\circ}$ 0 = 7. $^{\circ}$ 0. $^{\circ}$ 1. $^{\circ}$ 1.

$$^{1}, \times 1, y = 1$$

1
 ۱۰ × ۵ = $^{\circ}$ ملیون $^{\circ}$ ملیون

 $^{-}$ يجب أن تتحرك العلامة العشرية \vee خانات لليمين لذا نضرب \times ، $^{-}$

$$^{\vee}$$
 -1 ·× 1, $^{\vee}$ 0 = $^{\vee}$ · · · · · 1 $^{\vee}$ 0 ($^{\wedge}$)

$${}^{1}) \cdot \times 7, \lambda = {}^{1+\circ}) \cdot \times 7, \lambda = {}^{\circ}) \cdot \times 7 \lambda \quad ({}^{9})$$

$$^{\vee}$$
- $^{\vee}$ -

$$(71) \circ \vee_{e} \times \cdot 1^{\wedge} = \circ_{e} \vee \times \cdot 1^{\vee}$$

 $(^{7} \cdot \cdot \times 7) \times (^{\circ} \cdot \cdot \times 7, \xi) (10)$ $^{7} \cdot \cdot \times ^{\circ} \cdot \cdot \times 7 \times 7, \xi =$ $^{\wedge} \cdot \cdot \times 7, \times 7, \xi =$

 $(7) \cdot (7) \cdot (7)$

 $(1) \cdot (1) = (1) \cdot (1) = (1) \cdot (1)$

أوجد قيمة ن فيما يلي :

 $^{\circ}$ $^{\circ}$

1=७⇐

 $^{\circ}$ $1 \cdot \times 7,70 = \cdot, \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot 770(7)$

1 - = ట ⇐

 $\begin{array}{c}
\circ 1 \cdot \times 1, 1 = {}^{5}(\cdot, \cdot \cdot \cdot \xi) \text{ (T)} \\
\circ - 1 \cdot \times 1, 1 = \cdot, \cdot \cdot \cdot \cdot 1 = \\
\circ - = \emptyset \iff
\end{array}$

ا عبدالمقصود حنفي

ان 1.67336315

تمارین (۲)

س أكتب الأعداد الآتية في الصورة القياسية:

- 97.....
- - T1,50..17 (T)
 - (٤) ٢ مليون
 - 1 · × ٣٣,٤ (°)
 - 1 × V · T,0 (1)
 - °1. × 97(V)
 - Υ-\ × ΥΛ (^)
 - 11 · × vvrr (9)
- $(\mathring{} \land \land \times \land, \circ) \times (\mathring{} \land \land \times \Lsh, \varepsilon) ()$
- $(^{\uparrow}$ 1 · × 1,4) ÷ $(^{\land}$ 1 · × \forall , \land) (1)
- $({\overset{\circ}{}}{}^{1} \cdot \times {\overset{\circ}{}}{}^{1}) \times ({\overset{\circ}{}}{}^{1} \cdot \times {\overset{\varepsilon}{}}, {\overset{\varepsilon}{\varepsilon}}) (17)$ $({\overset{\circ}{}}{}^{1} \cdot \times {\overset{\circ}{\circ}}, {\overset{\circ}{\delta}}) = ({\overset{\circ}{}}{}^{1} \cdot \times {\overset{\varepsilon}{\circ}}, {\overset{\varepsilon}{\delta}}) (17)$
- $(\overset{\iota}{} \overset{-}{} \overset{-}{} \times \overset{\vee}{}, \overset{\vee}{}) \times (\overset{\vee}{} \overset{\vee}{} \overset{\vee}{} \times \overset{\wedge}{}, \overset{\circ}{\circ}) (\overset{\iota}{} \overset{\iota}{\circ})$
- - ·,··· V × £ · · (1V)
 - ۳(۰,۰۰۶) (۱۸)

سى أوجد قيمة ففي كلامما يأتي

- $0 \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot = 0, 0 \times \cdot \cdot \cdot$
- \circ 1 · × τ , \circ \circ \circ · · · τ \circ \circ (7)
- $^{\circ} \cdot \cdot \times \cdot \cdot \cdot 7 = ^{\circ} (\cdot \cdot , \cdot \cdot \cdot \xi) (7)$

ترتيب إجراء العمليات الرياضية

أولاً إجراء العمليات داخل الأقواس انياً حساب قوى العدد (فك الأسس) الثا الضرب أو القسمة من اليمين إلى اليسار ابعاً الجمع أو الطرح من اليمين إلى اليسار

إختصر ما يأتى لأبسط صورة

- 7 ÷ 17 + 7 (1)
- o = Y + W =

 $11V = 1.4 + 9 = 7V \times 1 + 9$

- - 9 × £ + 9 =
- £0 = 77 + 9 =
- - £9 = £ ÷ 197 =
- (°) 3× 7 •7
- $\forall = \forall \div (\ \xi + \circ \) \times \ \exists + \forall \ (\exists)$
 - $V = V \div Q \times Q + V = Q$
 - V _ T ÷ 0 £ + T =
 - $V 1 \wedge + 7 =$
- - (V) $\gamma_1(\gamma^2) \div \gamma_2 + \gamma^7$

 - $9 + 75 \div 5 \times 17 =$
 - $9 + 75 \div 50 =$
 - 11 = 9 + 5 =

$$[(\gamma - \gamma') - (\gamma' + \gamma)]$$

$$\frac{\gamma \times \Gamma \div \gamma}{7 \times (1 + (\gamma + 1))^7}$$

$$=\frac{\gamma^{2}\times\Gamma\div\gamma}{7\times l+3^{2}}=\frac{\rho\times\Gamma\div\gamma}{7\times l+\Gamma l}=\frac{3\circ\div\gamma}{7\times l+\Gamma l}$$

$$1 = \frac{1 \lambda}{1 \lambda} = \frac{7 \div 0 \xi}{17 + 7} =$$

(11)
$$\frac{6+7\times6}{7+1}$$
 + 6^{7} - 6

$$\circ - \circ \circ + \frac{\circ}{\circ} = \circ - \circ \circ + \frac{\circ \circ}{\circ} = \circ$$

تمارین(۳)

س أحسب قيمة كل مما يأتى:

- (') $\circ + \gamma \times \gamma$
- 0 ÷ 10 _ \(\nabla \) (7)
 - (*) \$ × Y = 7
- (o V) ÷ 197 (t)
- $(r+1)\times(7-9)\div1$
 - $(\Upsilon \circ) \div (\cdot \cdot \lor)$ ()
 - $1 [(7 0) \xi]$ (\forall)
- [(r-!)r]÷(1+r1) (A)
- $[(\forall \neg, \neg) \neg] \div (\neg \times \neg, \neg) (\neg, \neg)$
- $[('') \ \ " \div " + [\ \ " + " \div " \)] + " \div "$
 - $(1-\frac{7}{4}) \div (7\frac{7}{4} \times \frac{7}{4})$
 - $(77) (\frac{7}{2} \times \frac{7}{7}) \div (77)$
 - $\frac{\vee + 10}{4 \cdot 10} (17)$
 - $(11) \frac{6^7 6 \times 7}{(11) \div 7}$

الجذر التربيعي للعدد النسبي (:

 $\sqrt{}$ هو العدد الذى مربعه = $\sqrt{}$ ويـرمز له بالرمز

أى أن الجذر التربيعي للعدد $0 = \pm \sqrt{9} = \pm$

ملاحظات

 $\sqrt{(13 \sqrt{11})^2}$ تعنى الجزر التربيعي الموجب للعرو 11 = ٤

 $\langle \uparrow \rangle \pm \sqrt{11}$ هى الجزرين التربيعي الموجب والسالب ± 3

﴿1﴾ √ - 11 = ليس لها معنى

﴿ لا يوجر جزر تربيعي حقيقى لاى عرو سالب ﴾

(الجزر (التربيعي نقسم الأس على ٢ = $\sqrt{q^{\prime\prime}} = |q^{\dagger}| = q^{\dagger}$ $\langle q^{\prime\prime} = |q^{\dagger}| = q^{\dagger}$

مثال ا: (أوجر قيمة ما يلي :

0 = \(\frac{1}{2}\)

 $(7) - \sqrt{37} = - \lambda$

 $\Upsilon \pm = \overline{\P} / \pm (\Upsilon)$

 $\Lambda = \overline{15} = \overline{71 - 111} (5)$

 $7,0 = \frac{0}{5} = \frac{70}{5} \sqrt{5} = \frac{1}{5} \sqrt{5}$

 $\circ = \overline{70} = \overline{17 + 9} / (7)$

 $V = V + \xi = \sqrt{V + \sqrt{V}} (V)$

 $(\wedge) \sqrt{33,l} = \sqrt{\frac{11}{11}} = 7,l$

 $(^{\flat})\sqrt{\cdot (^{7}-\lambda^{7})} = \sqrt{\cdot \cdot (^{2}-3)}$ 7 = 77 \ =

ا\عبدالمقصود حنفي

الجذر التربيعي لعدد نسبي مربع كامل

 $\mathbf{r} = |\mathbf{r} - \mathbf{r}| = \overline{\mathbf{r}} (\mathbf{r} \cdot \mathbf{r}) \sqrt{(\mathbf{r} \cdot \mathbf{r})^{2}}$

 $\frac{V}{A} = \frac{V}{V} \left(\frac{1}{V} \frac{1}{V} \right) = \frac{V}{V} \left(\frac{1}{V} \frac{1}{V} \right)$

 $\frac{\dot{}_{0} \dot{}_{0} \dot{}_{0}}{1 - \frac{1}{2}} = \frac{\dot{}_{0} \dot{}_{0} \dot{}_{0}}{1 - \frac{1}{2}} = \frac{\dot{}_{0} \dot{}_{0} \dot{}_{0}}{1 - \frac{1}{2}} \sqrt{(17)}$

 $\xi \Lambda = \overline{\Upsilon \Upsilon \cdot \xi} \setminus (1 \xi)$

مثال ۲ (أوجر قيمة

 $(1) \left(\frac{7}{\pi}\right) \times \frac{11}{17} \times \left(\frac{7}{\pi}\right)$

 $1 = 1 \times \frac{q}{f} \times \frac{f}{q} =$

 $(7) \quad \frac{1}{2} \sqrt{\frac{7}{2}} \times (\frac{7}{2}) \times (\frac{7}{2}) \times (\frac{7}{2})$

 $= 1 \times \frac{3}{5} \times \sqrt{\frac{57}{5}} = 1 \times \frac{3}{5} \times \frac{5}{7} = \frac{7}{5}$

 $(7) \frac{1}{5} + \sqrt{\frac{9}{17}} - (\frac{1}{5})^{\frac{1}{2}}$

 $1 - \frac{\lambda}{5} = 1 - \frac{\psi}{5} + \frac{\delta}{5} =$ 1 = 1 - 7 =

 $r = \overline{q} = \overline{\Lambda 1} \sqrt{(\xi)}$

الامتياز

تارين(**٤**)

سى أوجد كل مما يأتى

- 17/ (1)
- (7) \(\sqrt{1.07} \)
- ·, 1 \ ± (٣)
 - $(3) \sqrt{\frac{p}{r'}}$ $(3) \sqrt{3}$
- (1) ± (1)
- (Y) \(\frac{\text{P} \frac{1}{2} \text{w}^{\frac{1}{2}}}{1 \text{A} \text{w}^{\gamma}}
- 17 + 7 (A)
 - 9 + 17 \ (9)
- (·1) \(\sigma \)777 1\(\lambda\)
- $\sqrt{(7)-\sqrt{(9)}}$
 - (۱۲) √س٬۲
 - (Y-)\ (\Y)
- (١٤) المعكوس الضربي للعدد م ٩٤,٠
- المعكوس الضربى للعدد $\sqrt{\frac{3}{50}}$
- المعكوس الجمعى للعدد $\sqrt{\frac{V}{P}}$ المعكوس

س ٢ أختصر لأبسط صورة

$$(1)\sqrt{\frac{\beta^{\frac{2}{3}}}{2}}\times (\frac{7}{5})^{2} \xrightarrow{\text{odd}} \times (-\frac{7}{5})^{2}$$

$$(7) \left(-\frac{7}{7} \right)^7 + \sqrt{\frac{3}{1} \frac{7}{\Lambda}} - \left(\frac{7}{3} \right)^7$$

$$(7) \quad \sqrt{\frac{1}{3}7} - \frac{7}{7} + (\frac{7}{7})^{\text{mix}}$$

$$(3) (\frac{-7}{7})^{\frac{1}{14}} \times \sqrt{\frac{\Gamma}{14}} \times \frac{7}{3}$$

(a)
$$\frac{1}{7}$$
? $\times \sqrt{\frac{\Gamma!}{P!}} \div (\frac{7}{7})^7$

$$1 + 2 \times 4 + 1$$

حل المعادلات في ن

الحل

$$\begin{array}{ccc}
\epsilon + 11 &= & & & & \\
\bullet & & & & & \\
\hline
 & & & & \\
\hline
 & & & & \\
\hline
 & & & & \\
\hline
 & & & &$$

 $V- \div \frac{1-V}{V_{-}}$ $V- \div \frac{1-V}{V_{-}}$

$$\left\{ \frac{1}{V} \right\} = -\frac{1}{V}$$
 م.ح

۳ س = ۱۹ - ۲

$$A.5 = \left\{\frac{1}{7}\right\} = 5.$$

فی س فی س ا ا ا ا فی س (۹)

 $\xi + 11 = \frac{6}{7}$ س ٦ ×

 $\frac{7}{2} \times \frac{7}{2} \times 0 = 0$

س = ۱۸

مثال : أوجد مجموعة حل كل من المعادلات الآتية

في ط $\bullet = \mathsf{Y} + \mathsf{w} \quad (\mathsf{1})$

رلال س = ٥ - ٢ س = ٣ م . ح = { ٣ } س = ٣ ع ع في ص

(لحل س = ٤ + ٣ س = ٧

م. ح = { ۲ }

في ط

رلحل س = ۲ _ ه

 $\emptyset = \emptyset$ نه . ح س = _ ٣

1 + 7 = m = 1 + 1 $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$

س = ٤

م. ح = { ٤ }

فی رہ (ه) هس ۲ = ۱ بس + ه

(الحل ه س - ۲ س = ه - ۱

٣س = ٤

 $\frac{\xi}{w} = \frac{w^w}{w}$

 $\frac{\xi}{w} = \frac{1}{w}$

 $\left\{\begin{array}{c} \frac{2}{\pi} \end{array}\right\} = \left\{\begin{array}{c} \frac{2}{\pi} \end{array}\right\}$

تطبيقات على حل المعادلات

ملاحظات إذا كان العدد س فإن

ضعف العدد ۲ س ثلاثة أمثال العدد المعكوس الجمعى للعدد الأعداد التالية س + ١ ، س + ٢ ، ٠٠٠٠ الأعداد السابقة س ـ ١ ، س ـ ٢ ، ٠٠٠٠ الأعداد الفردية (الزوجية) التالية س + ۲ ، س + ۲ ، ٠٠٠ الأعداد الفردية (الزوجية) السابقة س ٢٠، س _ ٢٠،٠٠٠ العمر منذ ٥ سنوات س - ٥ العمر بعد ٣ سنوات س + ٣ یزید عن عدد آخر بمقدار ۳ س + ۳ يقل عن عدد آخر بمقدار ٣ س - ٣ یزید عن ضعف عدد آخر بمقدار ۳ مس + ۳

(١) ثلاث أعداد فردية متتالية مجموعهم = ١ ٢ أوجد هذه الاعداد (12)

(٢) ثلاثة أعداد زوجية متتالية مجموعها ٦٦ ٩ أوجد الأعداد

نفرض الأعداد س ، س + ۲ ، س + ٤ نفرض الأعداد س ، س + ۲ ، س + ٤
4
 7

الاعداد هي

772.777.

س = ۲۲۰

(٣) عدان طبيعيان أحدهما ضعف الآخر و مجموعهما ١٠٨ أوجد العدين

(الحل نفرض أن العدد الأول س ، ضعفه ٢س نفرض أن العدد الأول س ، ضعفه ٢س $1 \cdot \lambda = w + \gamma + \gamma$ ۳ ÷ ۱۰۸ = ۳ $\frac{1\cdot\lambda}{w} = \frac{\omega^w}{w}$

العدد الأول = ٣٦ س = ۳٦ العدد الثاني = ٢×٣٦ = ٢٧

(٤) مستطيل طوله يزيد عن عرضه بمقدار وسم فإذا كان محيطه . ٧ سم فأوجد بعدى المستطيل

الحل

∴ طوله = س + ه نفرض أن عرض المستطيل ـ س محيط المستطيل = ٧٠ (الطول + العرض $) \times \gamma = \gamma \vee \gamma$ $\forall \cdot = \uparrow X(\omega + \circ + \omega)$ (۲ س + ه) X ۲ = ۱ ۷ ٤ س + ١٠ = ٧٠ ٤ بس = ٠٤ س = ۱۵

: العرض = ١٥ سم : الطول = ٢٠ سم

تمارین (٥)

- (١) مستطيل طوله يزيد عن عرضه بمقدار ٤ سم ومحيطه = ٣٢ سم أوجد أبعاده ثم أوجد مساحته
 - (٢) مستطيل طوله يزيد عن ضعف عرضه بمقدار ٣سم ومحيطه = ٣٦ سم أوجد أبعاده
- (٣) مستطيل طوله ينقص عن ثلاث أمثال عرضه بمقدار ٢ سم ومحيطه = ٢٨ سم أوجد أبعاده ثم أوجد مساحته
 - (٤) ثلاث أعداد فردية متتالية مجموعها ه٤ أوجد هذه الاعداد
 - (٥) ثلاث أعداد زوجية متتالية مجموعها . ٦ أوجد هذه الاعداد
 - (٦) زاويتان متتامتان قياسهما ٢ س ، س + ٣٠ من الدرجات أوجد قياس كلا منهما
 - (٧) زاويتان متكاملتان قياسهما س ، س + ، ٥ من الدرجات أوجد قياس كلا منهما
 - (٨) مثلث قیاسات زوایاه ۷ س ، ٥ س ، ٦ س من الدرجات أوجد قیاس کلا منهما
 - (٩) زاویتان متقابلتان بالرأس قیاس کلا منهما ۲ س ، ، ، ، س من الدرجات أوجد قیاس کلا منهما
 - (١٠) إذا كان ق(أ) = ٣س، ق (أ) المنعكسة = س + ٢٠٠٠ من الدرجات أوجد قياس كلا منهما
 - (١١) عددان طبيعيان أحدهما ثلاثة أمثال الأخر فإذا كان مجموعهما ١٦ فأوجد العددين
 - (۱۲) عمر رجل الان يزيد عن عمر ابنه بمقدار ٣ سنة وبعد ، ١ سنوات يصبح عمر الرجل ثلاثة أمثال عمر أبنه فما عُمر كلا منهما الان
 - (١٣) ثلاث أعداد طبيعية متتالية مجموعها. ٣ أوجد هذه الاعداد
 - (۱٤) أوجد العدد الذي إذا طرح من ضعفه ٣ كان الناتج ٥ ١
 - (٥٠) إذا كان عمر باسم يزيد عن عمر أحمد بمقدار ٣ سنوات ومجموع عمريهما ٢٧أوجد عمر كلا منهما

حل المتباينات في ن

خواص التباين

مثال ١: حل المتباينات اللاتية في طومثل العل على خط الأعداد

$$T > T - \omega$$
 (1)

(۲) س + ۰ < ۲

(لحل ۳ س ح ۸ + ٤

$$m{\omega} \leqslant m{z}$$
 م $m{\sigma} = \{ \cdot, \cdot, \cdot, \cdot, \cdot, \cdot \}$

مثال ٢: مل المتباينات اللاتية في صرومثل العل على خط الأعداد

$$V > T + \omega Y$$
 (1)

$$\frac{\xi}{\gamma} > \frac{\xi}{\gamma}$$

$$\gamma$$

$$\omega < \gamma$$

$V \geqslant w Y - W (Y)$

الأمتي

مثال ٢: مل المتباينات اللاتية في ٥

$\circ \leqslant \circ = \circ \leqslant \circ$ (۱) $\wedge \circ \leqslant \circ = \circ$ (گلل $\wedge \circ = \circ \leqslant \circ$

$$\frac{1}{Y} \leqslant \frac{wY}{Y}$$

م.ح
$$=$$
 $\{$ س:س \in ن $,$ س \geqslant ه $\}$

$$11 \geqslant 1 - \omega^{*} > \xi - (\gamma)$$

$$r \div \frac{17}{\pi} \geqslant \omega \frac{\pi}{\pi} > \frac{\pi}{\pi}$$

$$(7)$$
 کس $-1 \leq 1$ س $+ 7$

$$1 + 7 \ge 2 + 7$$
 $y \ge 2$
 $y \ge 3$

$$\{ \mathfrak{t} \geq \emptyset, \mathfrak{D} \in \mathfrak{D}, \mathfrak{w} \leq \mathfrak{T}, \mathfrak{w} \leq \mathfrak{T}$$

V+V س $V-0\geq V$ سV+V

$$\frac{1}{1} \geq \frac{1}{1}$$

ا\عبدالمقصود حنفي

<u> تمارین (۲)</u>

س أحل المتباينات اللاتية في ط

$$Y < T - w(1)$$

$$1 \cdot + w < T - w$$
 (4)

$$11 \geqslant 1 - mr > 0$$

س ٢ مل المتباينات اللاتية في صه

$$1 \vee < \Upsilon + س \Upsilon (1)$$

$$V \geq 1 - \omega r > T(\xi)$$

$$\Lambda + \omega < 1 - \omega$$
 (V)

سي المحل المتباينات اللاتية في ه

$$\Lambda > \Upsilon + \omega \Upsilon (\Upsilon)$$

$$\lambda + \omega \gamma \leq \gamma - \omega \gamma$$
 (a)

$$\Lambda > \Upsilon + \omega > \Upsilon$$
 (7)

$$V \ge \omega \Upsilon - \xi > \gamma - (V)$$

$$\frac{\psi}{\alpha} \leq \omega - \frac{1}{\alpha} (\Lambda)$$

(التجربة العشوائية:

هي تلك التجربة التي يمكن التنبؤ بج ع نتائجها ولا يمكن الجزم بأيا من هذه النتائج يحدث

فضاء (العينة: هو كل نواتج التجربة العشوائية

(الحرث: هو جزء من فضاء العينة وأنواعه

﴿١﴾ مرث بسيط

هو حرث يمتوى على ناتج والمر نقط ويسمى احيانا بالحرث الأولى

إحتمال الحدث المؤكد = ١ حل (ف) = ١

إحتمال الحدث المستحيل = صفر → ل (Ø) = صفر

$1 \geq (1) \leq 1$

أحتمال وقوع الحدث $P = \frac{3k \cdot 3i}{3k \cdot 3i}$ العينة $U(4) = \frac{\dot{U}(4)}{\dot{U}(4)}$

الاحصاء

١) في تجربة إلقاء حجر نرد مرة واحدة فقط و ملاحظة الوجه العلوى إحسب الإحتمالات الآتية:

$$\frac{1}{7} = \frac{7}{7} = \frac{7}{7}$$
 $\frac{1}{7} = \frac{7}{7} = \frac{7}{7}$
 $\frac{1}{7} = \frac{7}{7$

$$\dot{\gamma} = \frac{1}{7} = \frac{\pi}{7} = \frac{1}{7} = \frac{\pi}{7} = \frac{1}{7} = \frac{1}{7}$$

$$(7)$$
 ظهور عدد أولى $= \frac{7}{7} = \frac{7}{7} = \frac{7}{7} = \frac{7}{7} = \frac{7}{7}$

$$e = \{ r \} \implies b(e) = \frac{1}{r}$$

(٦) ظهور عدد يقبل القسمة على ٣

$$a = \left\{ 7, 7 \right\} \Longrightarrow \ \mathcal{U}(a) = \frac{7}{7} = \frac{7}{7}$$

(٧) ظهور عدد أكبر من ٦

۲ صندوق یحتوی ۲ کرات حمراء ، ه کرات صفراء ، كرات خضراء عند سحب كرة واحدة عشوائياً إحسب الإحتمالات الآتية:

$$\frac{7}{6} = \frac{7}{10} = \frac{7}{10}$$
 (۱) ظهور کرة حمراء

$$\frac{\frac{2}{\sqrt{3}}}{\sqrt{3}} = \frac{\frac{2}{3}}{\sqrt{3}}$$
 ظهور کرة خضراء

$$\frac{11}{10} = \frac{7+0}{10} = \frac{7+0}{10} = \frac{11}{10}$$

$$\frac{\pi}{6} = \frac{9}{10} = \frac{9}{10}$$
 (6) ظهور کرة ایست حمراء

الامتيان

٣ صندوق يحتوى ، ٢ بطاقة مرقمة من ١ إلى ٢٠ عند سحب بطاقة عشوائيا ً إحسب الإحتمالات الآتية:

$$\frac{1}{v} = \frac{1}{v} = \frac{1}{v} = \frac{1}{v}$$
 (۱) ظهور عدد زوجی

$$\frac{1}{x} = \frac{1}{x} = \frac{1}{x}$$
 (۲) ظهور عدد فردی

(۳) ظهور عدد أولى =
$$\frac{\Lambda}{7} = \frac{7}{6}$$
 { ۲ ، ۳ ، 6 ، ۷ ، ۱ ، ۳ ، ۷ ، ۱ ، ۹ ، ۹ }

$$\frac{1}{3} = \frac{\frac{1}{3}}{\frac{1}{3}} = \frac{\frac{1}{3}}{\frac{1}} = \frac{\frac{1}{3}}{\frac{1}{3}} = \frac{\frac{1}{3}}{\frac{1}} = \frac{\frac{1}{3}}{\frac{1}} = \frac{\frac{1}{3}}{\frac{1}} = \frac{\frac{1}{3}}{\frac{1}} = \frac{\frac{1}{3}}{\frac{1}}{\frac{1}} =$$

مجموعة مكونة من ١٠٠ تلميذ نجح منهم ٥٥

طالب في اللغة الانجليزية ، و٣ طالب في التاريخ ، ٢٠ طالب في المادتين معا ً فإذا أختير تلميذ واحد عشوائيا أوجد أن يكون أحتمال الطالب المختار

إناجماً في التاريخ ب راسبا في التاريخ

ج ناجماً في اللغة الانجليزية ع راسبا في اللغة الانجليزية

$$\begin{array}{ccc}
\cdot, & \circ & = \frac{\pi \circ}{1 \cdot \cdot \cdot} = (1) \circ \downarrow \\
\hline
1 \circ & \circ & \circ
\end{array}$$

$$\cdot, \forall o = \frac{\forall o}{\forall \cdot, \cdot} = (\because) \lor$$

$$\mathsf{L}(\mathbf{z}) = \frac{\mathsf{oq}}{\mathsf{log}} = \mathsf{oq}$$

$$\cdot, \xi = \frac{\xi}{1} = (\xi) \cup (\xi)$$

$\frac{1}{\Lambda}$ اذا کان احتمال نجاح تلمیذ $\frac{6}{\Lambda}$ فان احتمال رسوبه = $\frac{1}{\Lambda}$

ب)فصل به ٥٠ تلميذاً فإذا كان احتمال نجاح هؤلاء التلاميذ هو ٨ و٠ احسب

عدد التلاميذ المتوقع نجاحهم (الحل عدد التلاميذ المتوقع نجاحهم =

۸و۰×۰۰-، ٤ تلميذاً

تمارين (٧)

- 1 صندوق به ٥ كرات بيضاء ، ٣ كرات حمراء ،
- ٧ كرات سوداء كلها متماثلة إلا من حيث للون فإذا سحبت كرة واحدة عشوائيا فإوجد إحتمال أن تكون الكرة المسحوبة
- م) بیضاء ب) حمراء أو سوداء حا لیست سوداء
- ٢ ألقى حجر نرد منتظم مرة واحدة أوجد إحتمال الحصول على:
 - ب) العدد ٣ ۹) العدد ٥
- ع) عدد زوجي أولى ح) عدد فردی
 - و) عدد أقل من ٧ ه) عدد أكبر من ٦
- ٣ سحبت بطاقة واحدة عشوائيا من ثماني بطاقات مرقمة من ١ إلى ١٥ أكتب فضاء العينة ثم أوجد الإحتمالات الأتيم:
 - (١) حدث الحصول على عدد زوجي
 - ب) على عدد فردى
 - م)على عدد أكبر من أو يساوى ٦
 - عدد یقبل القسمت علی ۳
- ع فصل دراسی به ۲۰ طالب نجح منهم ۲۸ طالب في الرياضيات ، ٢٦ طالب قد نجح في العلوم ، ٣٤ طالب نجح في الإمتحانين معا فإذا أختير طالب عشوائيا أوجد إحتمال أن يكون هذا الطالب المختار إ ناجحا في الرياضيات ب راسبا في العلوم **ج ناجحا في العلوم** و راسيا في الرياضيات والعلوم
- من مجموعة الارقام { ٢ ، ٢ ، ٥ } كون عدد مكون من رقمين مختلفين واكتب فضاء العينت واوجد احتمال:
 - أن يكون رقم الاحاد زوجيا
 - ب) أن يكون مجموع الرقمين أكبر من ٥
- ٦ كيس به عدد من الكرات المتماثلة منهم ٢ باللون الأخضر، ٤ باللون الازرق، والباقي باللون الاحمر فإذا كان احتمال سحب كرة خضراء = $\frac{1}{2}$ اوجد عدد الكرات الحمراء

هندسة الاول الاعدادي

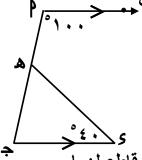
البرهان الإستدلالي

(١) في الشكل المقابل

، <u>۶</u> - / / ۹ $^{\circ}$ 1... = ($^{\circ}$) $^{\circ}$

 $\mathbf{t} \cdot = (\mathbf{s} \mathbf{s}) \mathbf{v}$

أوجد ٥٠ (١٥ ه ٤)



(٤) في الشكل المقابل :

إذا كان (و لـ و ب ، ص (∠ اوم) = ۱۵۰ أوجد ق(∠بو م)

البر هان

۰۰ او ⊥و ب ٠٠ق (﴿ وَبِ) = ٩٠

· · مجموع قياسا الزوايا المتجمعة حول و = ٣٦٠°

(ه) في الشكل المقابل ،من ينصف حمب .ئر<u>\</u> رام د)=۱٤٨ = ر 7

أوجد م (_ حم أ) ، ق (كأمن) ٠٥ (كان م د)

البر هان

" TY = 1 £ N = 1 N · = (1 P ->) ··· بالتقابل بالرأس

م ن م ن فصن ان م ب

..ن (كرام **د) = ن (كرد م ب) = ۲۳** °

بالتقابل بالراس $\frac{1}{2}\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}\frac{1}{\sqrt{2}}\frac$

البر هان ان $\sqrt{\frac{1}{1}}$ و المع لهما $\sqrt{\frac{1}{1}}$ $``\mathcal{O}(\underline{\ }\ |\)+\mathcal{O}(\underline{\ }\ \underline{\ }\)$

لأنهما داخلتان في جهة واحدة من القاطع $\mathring{\Lambda} \cdot = \mathring{\Lambda} \cdot - \mathring{\Lambda} \cdot = (\underbrace{}) \circ \mathring{\Lambda} \circ = (\underbrace{}) \circ \circ = (\underbrace{}) \circ \mathring{\Lambda} \circ = (\underbrace{}) \circ \circ =$

 $\mathring{\neg} \cdot = (\mathring{\cdot} \cdot + \mathring{\cdot} \wedge \cdot) - \mathring{\mid} \wedge \cdot = (\textcircled{A}) \bigcirc$

17. = 17. - 1 \(\hat{\chi} = (s \text{ }) \(\delta \chi \)

، $\overline{4}$ في الشكل المقابل $\overline{4}$ في الشكل المقابل في الم س (کب (ه)= ۸۰°، $(\underline{\leftarrow})$ $(\underline{\leftarrow})$ $(\underline{\leftarrow})$

٠٠٠ ب //ج ء ، جه قاطع لهما

التبادل عند المركب عند المركب عند المركب ال

 $\psi = (-1)$ بالتناظر $\psi = (-1)$ بالتناظر $\psi = (-1)$

(٣) في الشكل المقابل **ا**ج = وج، ب ج = هج اثبت أن إب // هرى

البرهان ۵۵۹بد، ۱۹۹۶ (﴿ج=۶ج

فيهما { ب ج = ه ج $(\underline{\delta}_{+}) = \underline{\delta}_{+}$ ق $(\underline{\delta}_{+}) = \underline{\delta}_{+}$ بالتقابل بالرأس

٠٠ يتطابق المثلثان و ينتج أن

 $\underline{\mathbf{a}}(\underline{\mathbf{A}}) = \underline{\mathbf{a}}(\underline{\mathbf{A}})$ وهما فی وضع تبادل

٠٠ آب // هر ع

تمارين (٨)

المضلع

الخط البسيط:

هو الخط الذي لا يقطع نفسه

الخط غير البسيط:

هو الخط الذي يقطع نفسه

الخط المفتوح:

هو الخط الذى نقطة بدايته غير نقطة نهايته

الخط المغلق:

هو الخط الذِّي ينتهي عند النقطة التي بدأ منها المضلع:

هو خط مغلق بسيط مكون من إتحاد عدة قطع مستقيمة كل قطعة مستقيمة منها تسمى ضلع يسمى المضلع بعدد أضلاعه

المضلع المحدب:

في المضلع المحدب أي مستقيم يتعين برأسين متتالين تكون بقية رؤوس المضلع واقعة في أحد جانبي هذا المستقيم

ويلاحظ أن أي زاوية من زوايا ه قياسها أقل من ٨٠٠ ، مضلع محدب مضلع مقعر

فى المضلع المقعر توجد مستقيمات تتعين برأسين متتالين و تقع بقية رؤوس المضلع على جانبي هذه المستقيمات و يلاحظ أنه توجد زاوية واحدة على الأقل من زوايا ه قياسها أكبر من . ١٨

قطر المضلع

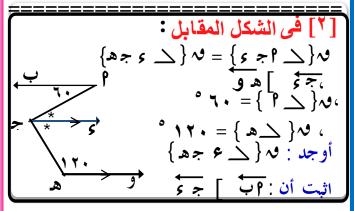
المضلع المقعر:

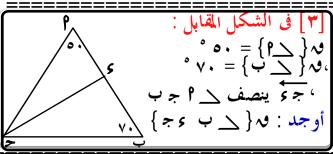
القطعة المستقيمة الواصلة بين رأسين غير متتالين في المضلع عدد أقطار مضلع عدد أضلاعه $\omega = \frac{\sqrt{(\omega - \pi)}}{2}$

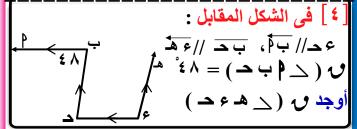
عدد المثلثات التي ينقسم إليها مضلع عدد أضلاعه س= ٢

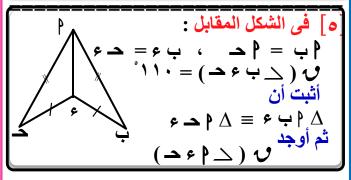
مجموع قياسات الزوايا الداخلة لمضلع عدد أضلاعه ب

1] في الشكل المقابل م ه ⊥ ااب صر کے ب م د } = ٠٤٠ أوجد: ٥٠ (٨ ه م د) ٠ ق (ح ج م ٩)









الامتياز

المضلع المنتظم:

هو المضلع الذى تتساوى فيه أطوال أضلاعه وتتساوى قياسات زواياه مثلث متساوى الأضلاع ، مربع ، سداسى منتظم مجموع قياسات الزوايا الخارجة لمضلع محدب عد أضلاعه مه = ٣٦٠ قياس كل زاوية من زوايا مضلع منظم عدد أضلاعه مه = (٧٠٠) × ١٨٠٠ قياس كل زاوية من زوايا مضلع منظم عدد أضلاعه مه المسلم المس

عدد أضلاع المضلع المنتظم = ٢٨٠٠ - س٠

ملاحظات على المضلع

المضلع الذى ليس له أقطار هو المثلث المضلع الرباعى المنتظم هو المربع المنتظم هو المثلث متساوى الأضلاع التدريدات

ندریبات

(١) إحسب مجموع قياسات الزوايا الداخلة للشكل السداسي

رلحل مجموع قیاسات الزوایا الداخلة للمضلع
$$(\dot{\upsilon} - \dot{\upsilon}) \times \dot{\upsilon}$$

$$^{\circ}VY \cdot = ^{\circ}1 \wedge \cdot \times (Y - 7) =$$

(٢) إحسب مجموع قياسات الزوايا الداخلة للشكل الرباعي

$$(\dot{\upsilon} - 7) \times (\dot{\tau} - \dot{\upsilon}) =$$

(٣) إحسب قياس الزاوية الداخلة للشكل الخماسى المنتظم

$$\frac{1 \wedge \cdot \times (Y - i)}{(b - i)} = \frac{b}{(b - i)}$$

$$^{\circ} \land \land \land = \frac{^{\circ} \land \land \lor (\lor - \circ)}{\circ} =$$

(٤) إحسب عدد أقطار الشكل السداسي

$$9 = \frac{(\Upsilon - \Upsilon)}{\Upsilon} = \frac{(\Upsilon - \dot{\upsilon})\dot{\upsilon}}{\Upsilon} =$$

(٥) إحسب عدد أضلاع مضلع منتظم قياس إحدى زواياه ٨٠،١°

$$\circ = \frac{\circ \pi \cdot \cdot}{\circ \cdot \cdot \wedge \cdot} = \frac{\circ \pi \cdot \cdot}{\circ \cdot} = \frac{\circ \pi \cdot \cdot}{\circ \cdot} = \frac{\circ \pi \cdot \cdot}{\circ} = \frac{\circ$$

(٦) إحسب محيط مضلع ثماني منتظم طول ضلعه ٣ سم

(٧) في الشكل المقابل

$$\cdot : \mathbf{5}(\underline{\ } \mathbf{4} \mathbf{4} \mathbf{4}) = \mathbf{5}(\underline{\ } \mathbf{6} \mathbf{4} \mathbf{4}) = \mathbf{6}(\underline{\ } \mathbf{6} \mathbf{4} \mathbf{4})$$
بالتقابل بالرأس

ن ق
$$(\underline{\hspace{1cm}} -\underline{\hspace{1cm}})=$$
ق $(\underline{\hspace{1cm}} -\underline{\hspace{1cm}})=$ ق $(\underline{\hspace{1cm}} -\underline{\hspace{1cm}})=$ ق

· مجموع قياسات الزوايا الداخلة للشكل الرباعي .. ٣٦ °

∵ △ إب متساوى الأضلاع

بالتقابل بالرأس

في الشكل الرباعي ه و وج

 $^{\circ}$ مجموع قياسات الزوايا الداخلة للشكل الرباعي $_{-}$ $_{-}$ $^{\circ}$

تمارين (٩)

ا أكمل ما يأتى:

- (١) يكون المضلع منتظماً إذا كان
- (٢) عدد المثلثات التي ينقسم إليها أي مضلع يساوى
- (٣) مجموع قياسات زوايا المضلع الخماسي المنتظم =.٠٠٠
- (٤) قياس كل زاوية من زوايا المضلع السداسي المنتظم =
 - ٥) محیط مضلع منتظم طول ضلعه ٥ سم = ٠٠٠٠
- (٦) طول ضلع مضلع رباعي منتظم محيطه ٦ ١سم =٠٠٠
 - (٧) المضلع الذي ليس له أقطار هو ٠٠٠٠
 - (٨) عدد أقطار المضلع الرباعي = ٠٠٠٠
- (9) عدد أضلاع مضلع منتظم قياس إحدى زواياه (9)

٢ في الشكل المقابل:

 $^{\circ} \wedge \cdot = () \triangle) \bigcirc$

 $\int_{0}^{\infty} 170 = (2 \times 1) = 0.000$

اوجد ق (🔼 ء حـ ب)

على الشكل المقابل:

اوجد ق (حد ب ١)

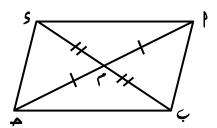
٤ مضلع محدب منتظم إحدي زواياه الداخلة = ١٠٨° أوجد ما يأتى:

- (۱) عدد أضلاع المضلع
 - (۲) عدد أقطاره
- (٣) محيط المضلع إذا كان أحد أضلاعه = ٥ سم

متوازى الأضلام

متوازي الاضلاع هوشكل رباعي فيه

- (١) كل ضلعين متقابلين متوازيين
- (٢) كل ضلعين متقابلين متساويين
- (٣) كل زاويتين متقابلتين متساويتين
- (٤) كل زاويتين متتاليتين متكاملتين (١٨٠)
 - (٥) القطران ينصف كلا منهما الأخر



حالاته الخاصة

(۱)الستطيل

هومتوازي أضلاع إحدى زواياه قائمت

خواص المستطيل:

- 🗐 به جميع خواص متوازى الأضلاع
 - (۱) جميع زواياه قائمت (۹۰°)
 - (۲) القطران متساويان

هو متوازى أضلاع فيه ضلعان متجاوران متساويان

خواص المعين

- 💼 به جميع خواص متوازى الأضلاع
 - (۱)جميع أضلاعه متساويت
- (٢) القطران متعامدان ، ينصفان زواياه

هو مستطيل فيه ضلعان متجاوران متساويان في الطول أ، هو معين إحدى زواياه قائمة

خواص المربع

البهجميع خواص متوازى الأضلاع والمستطيل والمعين (١)الزاوية المحصورة بين الضلع والقطر في المربع = ٤٥

٦٥

110

الامتياز

شبه المنحرف هو شكل رباعى فيه ضلعان متقابلان متوازيان و غير متساويان

متى يكون الشكل الرباعي متوازى أضلاع

يكون الشكل الرباعي متوازى أضلاع إذا كان:

- (۱) كل ضلعين متقابلين متوازيين
- (٢) كل ضلعين متقابلين متساويين
- (٣)كل زاويتين متقابلتين متساويتين
- (٤) كل زاويتين متتاليتين متكاملتين (١٨٠)
 - (٥) القطران ينصف كلامنهما الأخر
 - (٦) ضلعين فيه متقابلين متساويين ومتوازيين

البرهان : ١٠٠ ب م △ ۵

أثبت أن ١ ب ← ٤ متوازي أضلاع

٣ في الشكل المقابل:

 $\mathfrak{G}(\angle A \mid \varphi) = 0$

٠ ٧٠ = (ح ٩ هـ ب)

ه ∈ ټم،

70 ={٤0 + ٧٠} - ١٨٠ = (ぐゝ) ···

° 110 = (∠∠) • ° 7 · = (5∠) • ،

·· أ ب م 2 شكل رباعي

· (الاحراب) = الاراد) · ناب

(s | ぐ\) (z ← (∠ → 1 ?)

. ` أ ب ← 2 متوازي اضلاع

٤ أكمل ما يأتى

- (۱) متوازی أضلاع قطراه متساویان یکون مستطیل
- (۲) متوازی أضلاع احدی زوایاه قائمة یکون مستطیل
- (٣) متوازی أضلاع قطراه متعامدان یکون معین
- (٤) متوازى أضلاع فيه ضلعان متجاوران متساويان يكون معين
- (٥) متوازی أضلاع قطراه متساویان ومتعامدان یکون مربع
 - (٦) متوازی أضلاع فیه ضلعان متجاوران متساویان و إحدی زوایاه قائمة یکون مربع...
 - (٧) مستطیل قطراه متعامدان یکون مربع.
 - (٨) معين إحدى زواياه قائمة يكون مربع.
 - (٩) قطر الدربع بنصف كل منهما الأخرى متعامدان ، متساويان
- (١٠) قطر ١ المعين بنصف كل منهما الآخرى متعامدان عينصفان زواياه
 - (۱۱) شبه المنترف. هو شكل رباعي فيه

ضلعان متقابلان متوازیان و غیر متساویان

- (١٢) الشكل الرباعي الذي قطراه ينصف كلا منهما الاخر يسمى متواذي أضلاع
 - فی متوازی الأضلاع $\{ + = \}$ اذا کان (\times) فی متوازی الأضلاع $\{ + \}$ فإن (\times) فان (\times) فان (\times) فان (\times)
- - (١٥) المربع هومستطيل إحدى زواياه قائمة

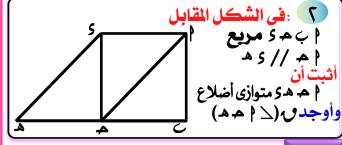
ا : في الشكل المقابل : المحدد متوازى اضلاع فيه المحدد متوازى اضلاع فيه المحدد المحدد

البرهان (3) + 0 متوازی اضلاع (3) + 0 (4) = 0

 $\mathbf{...} \mathbf{...} (\mathbf{\hat{A}}) = \mathbf{...} \mathbf{...} - \mathbf{...} \mathbf{...}$

. ٠ ﴿ بِ = هِ ٥ = ٥ سم .. بِ هِ = ٩ ٥ = ٨ سم .. ب

محیط متوازی الأضلاع = ٥ + ٥ + ٨ + ٨ = ٢٦ سم



البرهان : ١ ب م ٥ مربع : ١٥ // بم

(C) = 5 // = 1 ·

ن ا جد و متوازی اضلاع $\overline{-}$ و جد و متوازی اضلاع $\overline{-}$ و حد و مربع، $\overline{-}$ قطرفیه $\overline{-}$ و $\overline{-}$ و

ا عبدالمقصود حنفي

ت 1.67336315

الامتياز

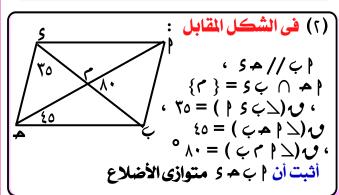
تمارین (۱۰)

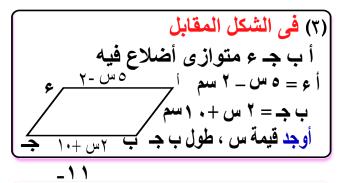
ا أكمل ما يأتى:

- (١) قطرا المعين ٠٠٠٠ ، ٠٠٠٠
- (٢) إذا كانت الزوايا الداخلة في الشكل الرباعي متساوية في القياس فإنه يكون أ
 - (٣) المربع هو ٠٠٠٠ أضلاعه ٠٠٠٠
- (٤) في متوازى الأضلاع إذا تساوى القطران في الطول فإنه يكون ٠٠٠
 - (٥) المربع هو ٠٠٠٠ إحدى زواياه قائمة
 - (٦) قطرا المستطيل ٠٠٠٠ ، ٠٠٠٠٠
- (٨) متوازى الأضلاع الذي قطراه متعامدان ومتساويان في الطول يسمى ٠ ٠ ٠ ٠
- (٩) قياس الزاوية المحصورة بين ضلع المربع وقطره ٠٠٠٠
 - (۱۰) في متوازى الأضلاع ١ ب ح ع إذا كان
 - - (١١) القطران متساويان في الطول في ٠٠٠٠
- ومتعامدان وغير متساويين في الطول ٠٠٠٠
- ومتساويين في الطول ومتعامدين في ٠٠٠٠
 - (۲ ۲) معین إحدى زوایاه قائمة یکون.....
 - (۱۳) مستطیل قطراه متعامدان یکون......
- (١٤) المعين الذي محيطه ٢ كسم يكون طول ضلعه = سم
 - (٥٠) إذا كان أب جه عمين فإن لـ ...
 - (١٦)متوازي الاضلاع الذي قطراهسس يسمى مستطيل
 - (۱۷) الشكل الرباعي الذي فيه

ضلعان متقابلان متوازيان وغير متساويان يسمى

(۱۸) متوازی اضلاع فیه ق $(\angle \) +$ ق $(\angle +) =$ ۱ ٦ . فان ق $(\angle +) =$





(٤) في الشكل المقابل:

٩ب حـ ع متوازى أضلاع
هـ منتصف ٩ب ٩
، و منتصف حـ ع
أثبت أن:
ع هـ ب و متوازى أضلاع

(الثالث

جموع فياسات زوايا المثلث الداخلة = ١٨٠

نتيجة ١

قياس الزاوية الخارجة عند رأس من رؤؤس مثلث تساوى مجموع قياسي الزاويتين الداخلتين عدا المجاورة لها

إذا ساوت زاويتين في مثلث زاويتين في مثلث أخر فإن الزاوية الثالثة في المثلث الأول تساوى الزاوية الثالثة في

-) إذا ساوت زاوية في مثلث مجموع الزاويتين الاخريتين كانت هذه الزاوية قائمة
- (٢) إذا كان قياس زاوية في مثلث أكبر من مجموع الزاويتين الاخريتين كانت هذه الزاوية منفرجة
- (٣) إذا كان قياس زاوية في مثلث أصغر من مجموع الزاويتين الاخريتين كانت هذه الزاويــــــ حاده

ملاحظة في أي مثلث توجد زاويتان حادتان على الأقل

قياس الزاوية الخارجة عن المثلث أكبر من قياس أى زاوية داخلة عدا المجاورة لها

تدريبات

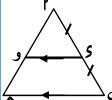
- \rightarrow ب المثلث عبد في المثلث \rightarrow ب ج $(\angle q + 2) = \bar{u}(\angle q) + \bar{u}(\angle e)$
 - ق(∠٩ب٤) = ۲۰ + ۸۰ = ۱۱۰ ق

 أ في الشكل المقابل ق (۱۲۰=(۴۲۸) ، ق(کب (ج) = ۰۷° ، وو // بـــج أوجدق (∠و)

البر هان ٠٠ (٧٩جه) خارجة عن المثلث ٩ ب ج

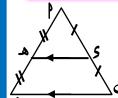
الشعاع المرسوم من منتصف ضلع في مثلث موازيا أحد الضلعين الأخرين فإنه ينصف الضلع الثالث

إذاكان و منتصف (ب ، و و // ب **←** فإن: ومنتصف 🗠 🚓 نتيجة



القطعة الستقيمة المرسومة من منتصفى ضلعين في مثلث توازى الضلع الثالث

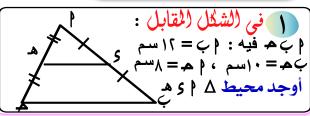
و منتصف آب ، ه منتصف آ 🗢 فإن وه//بم نتيجة ٢



طول القطعة الستقيمة المرسومة من منتصفى ضلعين في مثلث تساوى نصف طول الضلّع الثالث

و منتصف ﴿ بِ ، هِ منتصف ﴿ هُ $\therefore 2 \& = \frac{1}{2} \Rightarrow \Rightarrow$

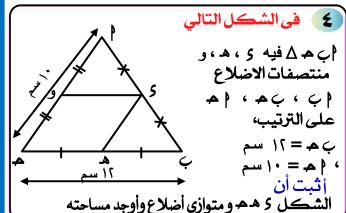
الامتياز



البرهان : ۶ ، ه منتصفی ۱ ب ، ۱ ه

$$\therefore$$
 و ه = $\frac{1}{7}$ \Rightarrow ه = α سم

..محیط ۵ م ۶ ه = ۶ + ۲ + ۵ = ۱۵ سم



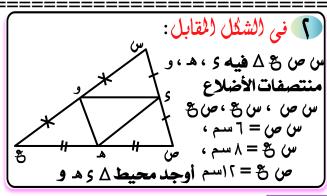
البرهان ۲۶۰و منتصفی ۱۰۶۰

· ۶ ، ه منتصفی (ب ، ب <u>←</u>

، و هـ = أ ا م = ه سم

من ۱،۲ $\stackrel{\cdot}{\cdot}$ الشكل ۶همومتوازي أضلاع $\stackrel{\cdot}{\cdot}$ و $\stackrel{\cdot}{\cdot}$ و

المحيط = ٥ + ٦ + ٥ + ٦ = ١٦ سم



ن و ، و منتصفی س ص ، س ج

و و
$$\frac{1}{2}$$
 و و $\frac{1}{2}$ و و $\frac{1}{2}$

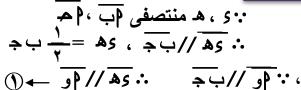
ن و ، ه منتصفی س ج ، ص ج

$$\therefore e = \frac{1}{2} \overline{w} = 7 ma$$

محیط ۵ و ه و = ۳ + ۲ + ٤ = ۱۳ سم

و في الشكل المقابل ع ،ه منتصفات آب ، آج الموالي المقابل الموالي الموالي المقابل الموالي الموالي الموالي المقابل الموالي الموالي

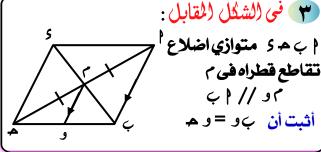
البرهان في ۵ م بج



، ن ا و = ٢٠ ب ج ن ٤٨ = او →٦

من ۱ ، ۲

ن الشكل عجه و متوازى أضلاع



البرهان ٢٠١٠ ب ٥ متوازي اضلاع

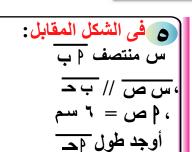
· القطران ينصف كلا منهما الاخر

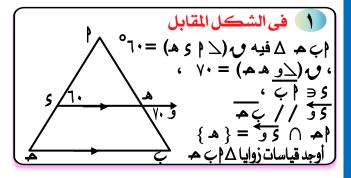
۲ منتصف (← ، ب ۶
 ۲ و // (ب ، ۲ منتصف (←
 ٠ و منتصف ب ←

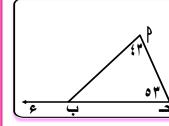
∴ *ب*و = و 🛧

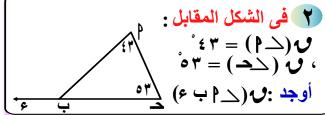
الامتي

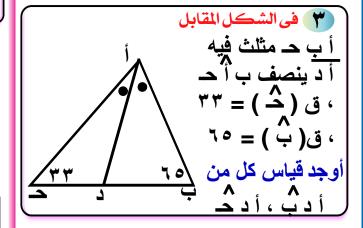
تمارين (١١)

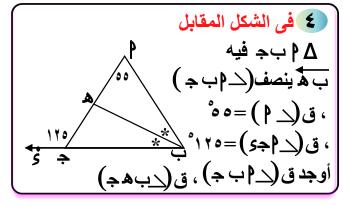


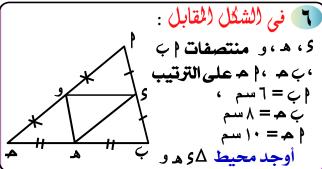


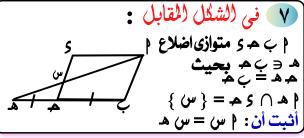


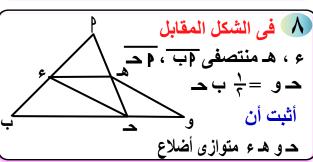


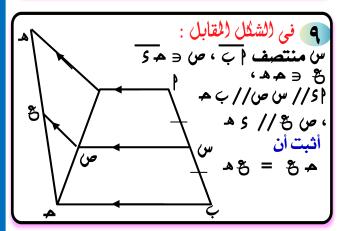










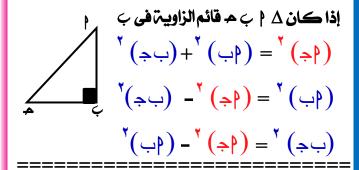


الامتياز

نظرية فيثاغورك

فى المثلث القائم الزاوية مساحة المربع المنشأ على الوتر يساوى مجموع مساحتى المربعين المنشأين على ضلعى القائمة

أو مربع الوتر = مجموع مربعي ضلعي القائمة



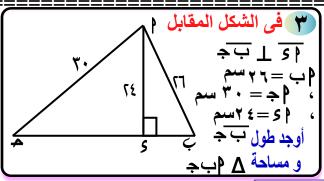
أوجد طول الضلع المجهول في كل مما يأتى

 $(7) = (4)^{7}$

اب = ۱۲ سم

ق (\angle ب) = ق (\angle 2) = $^{\circ}$ $^{\circ}$

البرهان
$$\therefore \Delta q \mapsto \varphi$$
 القائم في ب
 $(q \Rightarrow \gamma) + (q \Rightarrow \gamma) + (q \Rightarrow \gamma)$
 $= (q \Rightarrow \gamma) + (q \Rightarrow \gamma)$
 $= (q \Rightarrow \gamma) + (q \Rightarrow \gamma)$
 $= (q \Rightarrow \gamma) + (q \Rightarrow \gamma)$
 $\Rightarrow \Delta \Rightarrow \varphi$
 $\Rightarrow \varphi$
 \Rightarrow

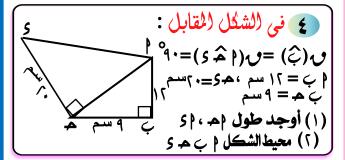


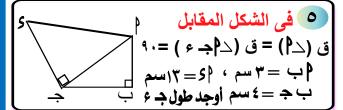
الامتياز

تمارین (۱۲)

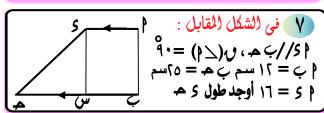


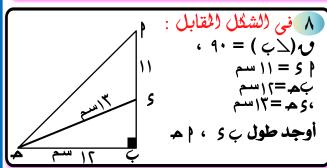
٣ مستطيل مساحته ، ٦سم وطوله ١٢سم أوجد طول قطره





ر (م) = ۹۰ و الشكل (المقابل: و (م) = ۹۰ و و المرابع و

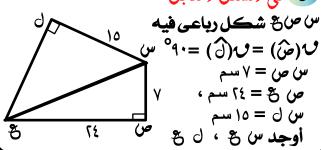




البرهان ٠٠ ٨ ٩ب والقائم في ب

$$(()) - (()) = (())$$
 $()) - (()) = (())$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - () = ()$
 $()) - ($

في الشكل المقابل



البرهان ٢٠٥ س ص ١٤ القائم في ص

التحويلات الهندسية

الانعكاس

الإنعكاس هو تحويلة هندسية تحول أى شكل هندسی إلی شکل هندسی مطابق له

الإنعكاس في مستقيم

قواص الإنعكاس في مستقيم

- ١ ـ يحافظ على أطوال القطع المستقيمة
 - ٢ يحافظ على قياسات الزوايا
 - ٣ ـ يحافظ على التوازي
 - ٤ يحافظ على البينية
- ٥- لا يحافظ على الترتيب الدوراني لرؤوس الشكل

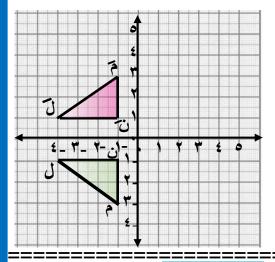
مثال ۱ ا اکمل ما یاتی

- صورة النقطة (۲ ، ٥) بالانعكاس في محور السينات هي (۲ ، ٥)
- صورة النقطة (٢، ٥) بالانعكاس في محورالصادات هي (٢-، ٥)
- ٣ صورة النقطة (- ١١-٧) بالانعكاس في محورالسينات هي (- ١١ ٧)
- ٤ صورة النقطة (٤٠-٩) بالانعكاس في محورالصادات هي (٤٠-٩)
- 💿 النقطة (٢ ، ٣) هي صورة النقطة (٢ ، -٣)بالانعكاس في محورالسينات
- النقطة (-۲°٥) هي صورة النقطة (۲°۵) بالانعاس في محور الصادات
- انقطة (٢٠٥) بالانعكاس في نقطة الأصل هي (٣٠٠-٥)
- النقطة (-٣٠٢) هي صورة النقطة (٢، -٣) بالانعكاس في نقطة الأصل

مثال ۲ ارسم ∆ل من حیث ل (ع ، ۱) ، م (۱۰ ۳۰) ،

ن (- ١ ، - ١) ثم ارسم صورته بالإنعكاس في محور السينات

الحل بالانعكاس في محور السينات



ا في (الشكل المقابل: أكمل ما يأتي

- ١ صورة ١٩٥ و بالانعكاس في مهم هي ١٩٥٥ و
- ۲ صورة ۵ ممب بالانعكاس في مه هي ۵ م مج
- ٣ صورة ٨ الجه بالانعكاس في المحمى ٨٠ ب ه

الإنعكاس في المستوى الإحداثي:

إذا كانت (نقطة في الستوى الاجداثي المتعامد فإنه يكون: صورة (النقطة (س، ص)

- (س ، ـ ص) آ (س ، ـ ص)
- ٢ بالانعكاس في المحورص حج (_ س ، ص)
- ٣ بالانعكاس في نقطة الاصل على أ (س ، ص)

محاورالتماثل

- (۱) المربع (٤)
- (٦) شبه المنحرف المتساوى الساقين (١) المستطيل (٢) (٧) المثلث المتساوي الاضلاع 😙
- (٣) المعين 7 (٨) المثلث المتساوى الساقين (٤) متوازي الاضلاع صفر
- (٩) المثلث المختلف الاضلاع صفر (١٠) الدائرة عدد لا نهائي (٥) شبه المنحرف صفر
 - (١١) نصف الدائرة (١)

الامتياز

الانتقال

يتم تحديد الانتقال بمعرفة

1 مقدار الانتقال ٢ اتجاه الانتقال

ملاحظة

صورة النقطة (س، ص) بانتقال (۶ ، ه) هى (س + ۶ ، ص + ه)

 الأصل
 الصورة

 +

 الانتقال
 الانتقال

 الصورة
 الأصل

مثال ۱ أكمل ما يأتى

- (۱) صورة النقطة (۲،۳) بانتقال (٤،٥) هي (۲،۸)
- (۲) صورة النقطة (۲،۳) بانتقال (۰،٤) هي (۲،۷)
- (۳) صورة النقطة (۵، ۹) بانتقال (س+۲، ص-۳) هى (۷، ۲)
 - (٤) صورة النقطة (٣،٥) بانتقال (س، ص-١) هي (٣،٤)
 - (°) صورة النقطة (7 , $^{-1}$) بانتقال وحدات في الإتجاه الموجب لمحور السينات هي (9 , $^{-1}$).
 - (٦) صورة النقطة (-7 ، ٤) بانتقال ٤ وحدات في الاتجاه السالب لمحور الصادات هي (-7 ، .)
 - (۷) صورة النقطة (<u>۲۰،۰۰۰)</u> بانتقال (س-۳ ، ص+٤) هي (-ه، ۱۱)
 - (۸) صورة النقطة (۱ ، ۳) بانتقال (...، ۳.) هي (۱ ، ۰)
- (9) إذا كانت النقطة ل (-7 ، 0) هي صورة النقطة م بانتقال (7 ، -1) فإن م هي (-6 ، 7)

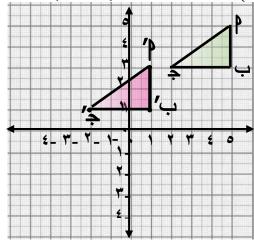
(۱۰) صورة النقطة (۵،۲) بانتقال مسافة اب فى اتجاه اب حيث (۳،۲) ، ب(۷،۲)

الهل

صورة النقطة (٥،٦) بانتقال (٤، -٢) هي (٩،٤)

رثال ۲ ارسم على الشبكة التربيعية △ ۴ ب ج حيث (٥ ، ٥)، ب (٥ ، ٣)، ج (٢ ، ٣) ، ثم أوجد صورته بالانتقال (ــ٤، ــ٢) (لحلل النتقال (ــ٤، ــ٢)

 $\begin{array}{ccc}
(0,0) & \Longrightarrow & \uparrow (1,7) \\
(0,7) & \Longrightarrow & \downarrow (1,1) \\
(1,7) & \Longrightarrow & \downarrow (-7,1)
\end{array}$



الامتياز

الدوران

يتم تحديد الدوران بمعرفة

1 مركز الدوران ٢ زاوية الدوران ٣ اتجاه الدوران

ملاحظة

- ا يكون الدوران موجباً إذا كان عكس حركة عقارب الساعة
 - عکون الدوران سالباً

 اذا کام می دی ترین

إذا كان مع حركة عقارب الساعة

مثال ۱ أكمل ما يأتي

- (١) صورة النقطة (٢، ٥) بدوران. ٩°
- حول نقطة الأصل هي (-٥،٢)
- (٢) صورة النقطة (٢، ٥) بدوران ٢٠° حول نقطة الأصل هي (٥، -٢)
- (٣) صورة النقطة (٢، ٥) بدوران . ١٨٠ ° حول نقطة الأصل هي (-٢، - ٥)
- (٤) صورة النقطة (٢،٥) بدوران ٣٦،٠ حول نقطة الأصل هي (٢،٥)
- (٥) صورة النقطة (-٣، ٦) بدوران ـ ، ٢٧° حول نقطة الأصل هي (٢، - ٣)
 - (٦) صورة النقطة (٣ ، ٦) بدوران ، ٩ ° حول نقطة الأصل هي (- ٦، ٣)
 - (V) صورة النقطة (π ، π) بدوران (V) حول نقطة الأصل هي (π ، π)
 - (۸) صورة النقطة (- π ،- π) بدوران π π حول نقطة الأصل هى (- π ،- π)
 - (٩) صورة النقطة (٤، ٢) بدوران ٢٠٠٠ (٩) حول نقطة الأصل هي (٢،-٤)

 - (-7 1) صورة النقطة (-7 1) بدوران (-7 1) عول نقطة الأصل هي (-7 1)
 - (۱۲) صورة النقطة (٣٠، ٦) بدوران ٢٧٠° حول نقطة الأصل هي (٢، -٣)
 - (۱۳) صورة النقطة (۳، ٥) بدوران ١٨٠ حول نقطة الأصل هي (۳، ٥)

الدوران في المستوى الإحداثي

صورة النقطة ﴿ بالدوران حول نقطة الأصل بزاوية معينه تكون كالتالي :

ر بزارویة قیاسها ۹۰ (-ص، س)

۱ (س، ص) ح بزاویة قیاسها ۲۷۰ (ص، س)

بزارية تياسها ١٨٠ (ـ س ، ـ ص)

ر بزاریة تیاسها ۳٦٠ (س، ص)

ملاحظات على الروران

- (۱) الدوران حول نقطة الأصل بزاوية قياسها ٣٦ يسمى دوران محايد لا يغير النقطة دورة كاملة
 - (۲) الدوران حول نقطة الأصل بزاوية قياسها ١٨٠ يكافئ دوران بزاوية - ١٨٠ نصف دورة
 - (٣) الدوران حول نقطة الأصل بزاوية قياسها ٩٠ يكافئ دوران بزاوية - ٢٧٠
 - (٤) الدوران حول نقطة الأصل بزاوية قياسها ٢٧٠ يكافئ دوران بزاوية - ٩٠

خواص الانتقال والدوران

- (١) تحافظ على اطوال الاضلاع والقطع المستقيمة
 - (۱) تحافظ على قياسات الزوايا
 - (٣) تحافظ على توازي المستقيمات
 - (٤) تحافظ على البينية
- (٥) تحافظ على الترتيب الدوري لرؤؤس المضلعات

ا عبدالمقصود حنفي

ت 1.67336315

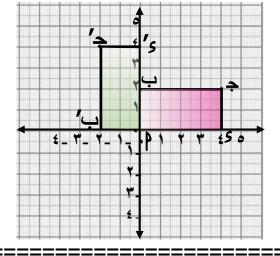
الامتياز

مثال ٢ ارسم المستطيل ١ ب ج حيث

٩ (٠٠٠)، ب (٠،٠٠) ، ج (٤، ٢) ، 5 (٤، ٠) ثم ارسم صور للمستطيل بالدوران حول نقطة الأصل بزاوية قياسها ٩٠°

(الحل دوران ، ۹° (س ، ص) -- (-ص، س)

$$(\cdot, \cdot, \cdot) \Longrightarrow (\cdot, \cdot, \cdot)$$



تمارین (۱۳)

(۲) في المستوي الاحداثي المتعامد ارسم Δ س ص ع الذي فيه $\omega = (7, 7)$ ، $\omega = (7, 7)$ ، $\omega = (1, 7)$ ارسم صورة Δ س ص ع بالانعكاس في محور الصادات

على شبكة تربيعية متعامدة ارسم $\Delta \mid \gamma \Rightarrow \alpha$ على شبكة تربيعية متعامدة ارسم $\Delta \mid \gamma \Rightarrow \alpha$ حيث $\gamma = (\gamma, \gamma) \rightarrow \alpha = (\gamma, \gamma)$ ثم ارسم صورة $\Delta \mid \gamma \Rightarrow \alpha$ بالدوران $\gamma \in \gamma$

(٥) أكمل ما يأتى

- 🕦 صورة النقطة (٣ ، ٢) بالانعكاس في محور السينات هي
- 🔻 صورة النقطة (٥ ،- ٢) بالانعكاس في محور الصادات هي
- 🍞 صورة النقطة (٣ ٠- ٢) بالانعكاس في نقطة الاصل هي
- ٤ صورة النقطة (٥ ،- ٢) بالانعكاس في نقطة الاصل هي
- صورة النقطة (٣ ، ٥) بالانعكاس في محور السينات هي.....
- 🖜 النقطة (٧، ٣) هي صورة النقطة (٧، -٣) بالانعكاس في محور
- النقطة (-۲،۹) هى صورة النقطة (۲، ۹) بالانعكاس فى
- ۸ صورةالنقطة (۲ ° °) بانتقال (٥ ° ٤) هي
 - صورة النقطة (٤٠-٣) بانتقال (٢٠٠١) هى
- **√۰** صورةالنقطة (۵۰-۲)بانتقال (س + ۶ ، ص _۳) هی
- 🕦 صورة النقطة (٣٣٠ ٤) بانتقال ٥ وحدّات في الإتجاه السالب لمحور الصادات هي
 - ۱۳ صورة النقطة (١، ٣٠) بانتقال (...، ...) هي (٢، ٤)
 - ۱۳ صورة النقطة (...، س) بانتقال (۲ ، ۲) هي (۲ ، ٤)
- 🖜 صورة النقطة (٥ ، ١) بدوران . ٧ ٢ مول نقطة الأصل هي
 - ١٦ صورة النقطة (٢ ، ١) بدوران ، ٨ ا حول نقطة الأصل هي
 - ۱۷ صورة النقطة (-٤، ١) بدوران -. ٩ حول نقطة الأصل هي
- ١٨ صورة النقطة (٥ ، ٣) بدوران ... حول نقطة الأصل هي (٣ ، ٥)
- 📢 صورة النقطةبدوران . ٧ ٧ مول نقطة الأصل هي (ه ، ١)